

# Hatasız Dağılım Öğrenme ile Sınırlı Geri Besleme Durumunda Çevrimiçi Anomali Sezimi

## Online Anomaly Detection In Case Of Limited Feedback With Accurate Distribution Learning

Iman Marivani<sup>1</sup>, Dariush Kari<sup>1</sup>, Ali Emirhan Kurt<sup>2</sup>, Eren Manış<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Elektrik ve Elektronik Mühendisliği Bölümü, Bilkent Üniversitesi, Ankara, Türkiye

{marivani,kari}@ee.bilkent.edu.tr

<sup>2</sup>Bilgisayar Teknolojisi ve Bilişim Sistemleri Bölümü, Bilkent Üniversitesi, Ankara, Türkiye

{ali.kurt,eren.manis}@ug.bilkent.edu.tr

**Özetçe** —Ardışık anomali tespiti için yüksek performanslı bir algoritma önerilmektedir. Önerilen algoritma sıralı olarak akan veri üzerinde çalışmaktadır, üstel aileyi kullanarak var olan dağılımı hatalı olarak tahmin etmekte ve mevcut gözleme atanan olasılığın bir eşinin altına düşüğünde anomali bildirmektedir. Tahmini nominal dağılım, mevcut gözleme bir olasılık değeri atamak için kullanılır ve eşini ayarlamak için kullanıcıdan sınırlı geribildirim almır. Algoritmanın yüksek performansı, anormal verilerin güncelleme sürecini bozmasının önlenmesi ile, nominal dağılımın doğru bir şekilde tahmin edilmesinden kaynaklanmaktadır. Yöntem, geniş bir veri dağılımı üzerinde başarılı bir şekilde çalışabilmesi açısından geneldir. Algoritmanın performansı en gelişmiş yöntemlere göre zamanla değişen dağılımlar üzerinde gösterilmektedir.

**Anahtar Kelimeler**—anomali tespiti, çevrimiçi öğrenme, üstel aile, olasılık ataması, sınırlı geribildirim

**Abstract**—We propose a high-performance algorithm for sequential anomaly detection. The proposed algorithm sequentially runs over data streams, accurately estimates the nominal distribution using exponential family and then declares an anomaly when the assigned likelihood of the current observation is less than a threshold. We use the estimated nominal distribution to assign a likelihood to the current observation and employ limited feedback from the end user to adjust the threshold. The high performance of our algorithm is due to accurate estimation of the nominal distribution, where we achieve this by preventing anomalous data to corrupt the update process. Our method is generic in the sense that it can operate successfully over a wide range of data distributions. We demonstrate the performance of our algorithm with respect to the state-of-the-art over time varying distributions.

**Keywords**—anomaly detection, online learning, exponential family, likelihood assignment, limited feedback

### I. Giriş

Anomali tespiti, beklenen bir davranıştı takip etmeyen kalıp verileri saptama sorununu ifade eder [1]. Dolandırıcılık algılama, siber güvenlik için saldırı tespiti, hata tespiti ve askeri uygulamalarda düşman aktivitelerini kontrol etme gibi anormallik tespiti için çok çeşitli uygulamalar vardır [1]–[4]. Örneğin, bir bilgisayar ağındaki mevcut anormal veri trafiği, bir bilgisayar saldırısından, hassas verilerin yetkisiz bir yere gönderilmesi ile olabilir. [5]. Bu makalede üstel aileyi kullanarak nominal veri dağılımının doğru tahminine dayanan çevrimiçi anomali tespiti için yüksek performanslı bir algoritma önermektedir.

Anomali sezimi, gürültü giderme [6] ve gürültü azaltma modifikasyonu [7], hepsi de verilerdeki istenmeyen ses ile uğraşan farklı görevlerdir. Verilerin kesin bir analizini yapmak için öncelikle gürültüyü veya olağanüstü davranışları (kalıpları) kaldırırmak gereklidir. Örneğin, verilerin dağılımını tahmin etmek için, veri setindeki aykırı değerlerin (anormallikler) etkisini saptanmalı ve kaldırılmalıdır. Bu amaçla, nominal dağılımın ardışık tahmini üzerine kurulmuş ve sınırlı geribildirime dayalı dinamik eşik yanında çevrimiçi anomali sezimi için yeni bir algoritma sunmaktadır [8].

Bu anlamda, her  $t$  adımında, bir vektör dizisinin,  $\mathbf{x}_t$ 'nin bir örneğini gözlemliyoruz ve  $\mathbf{x}_t$ 'nin geçmiş gözlemlere göre ( $\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, \dots, \mathbf{x}_{t-1}$ ) anormal olup olmadığını belirlememiz gerekiyor. İkili sistemde karar,  $\hat{y}_t$  ile verilir; bu,  $-1$  (anormal-olmayan ya da nominal veriler) ya da  $+1$  (anormal) olabilir. Tahminimizi beyan ettikten sonra rasgele gözlemin gerçek etiketinin geribildirimini alıyor ve gelecek karar verme sisteminin modelini güncellemek için kullanıyoruz [9], [10].

Önerilen yöntemimizde,  $\mathbf{x}_t$ 'yi izledikten sonra her zaman  $t$ ,  $\mathbf{x}_t$ 'ye bir olasılık atamak için geçmiş gözlemleri kullanırız. Atanmış ihtimali  $p_t$  cinsinden belirtelim. Bu olasılık kararı, üstel aile modelini kullandığımız tahmini olasılık dağılımımıza dayanmaktadır. Daha sonra, eğer  $p_t < \delta_t$  ise bir anomali ( $\hat{y}_t = +1$ ) beyan ederiz, burada  $\delta_t$  olasılık üzerinde pozitif bir eşiktir. Bu yaklaşımın arkasındaki sezgisel düşünce, yeni bir gözlem  $\mathbf{x}_t$ 'nin geçmişteki bilgilerimize dayanarak olası olmadığı durumda anormal olduğunu göstermektedir. Ayrıca, çevrimiçi anomali sezimi için algoritmamızda yüksek performans elde etmek için nominal dağılımın doğru bir tahminini yapmaya çalışıyoruz. Bu amaçla, dağıtım tahmininin güncellenmesinde anormallikleri önleme olasılığına ilişkin ikinci bir eşik tanımlıyoruz. Kabaca konuşmak gereksizse, veriler arasında anormallikleri tespit edebiliriz, her birinin belirli bir güveni vardır ve dağılımı güncellemek için bir anormallik olma ihtimalı yüksek olanları kullanmazlar. Bununla birlikte, tahmini dağılımını güncellemek için daha az olası anormal örnekleri kullanmaya devam etmekteyiz. Tahminimiz  $\hat{y}_t$ , alınan geri bildirimden farklısa, yani,  $y_t \neq \hat{y}_t$  ise, o zaman bir kayıp yaşar ve eşikleri doğru bir şekilde güncelleriz.

Bu makale şu şekilde organize edilmiştir: II. Bölümde problemi tanımlıyoruz. III, önerilen modeli açıklar ve nominal verilerin dağılımını tam olarak tahmin etmek için bir yöntem sunar. IV'te, algoritmamızın performansını değerlendirdiyoruz ve algoritmamızın önceki yöntemlere göre performansı önemli ölçüde geliştirdiğini gösteriyoruz. V. bölümdeki notlarla bir-

likte makaleyi tamamlıyoruz.

## II. PROBLEM FORMÜLASYONU

Makale boyunca tüm vektörler sütun vektörleri olup koyu renkli küçük harflerle gösteriyoruz.  $\mathbf{x}$  ve  $\mathbf{y}$ 'nin iç çarpımını  $\langle \mathbf{x}, \mathbf{y} \rangle$  ile gösteriyoruz. Ayrıca,  $\mathbf{x}_t \in \mathbb{R}^d$  mevcut gözlem ve  $\mathbf{x}^{t-1} = (\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, \dots, \mathbf{x}_{t-1})$ ,  $t$  zamanı öncesi tüm gözlemleri gösterir. Düzenli (anormal olmayan) gözlemler,  $X_t$  süreci için bilinmeyen, karşılık gelen dağılım  $f_X(\mathbf{x})$  ile bağımsız ve aynı şekilde dağıtılan rastgele değişken gerçeklemeleridir.

Bu makalede, sıralı çevrimiçi anomali tespitini çalışıyoruz. Her  $t = 1, 2, \dots$  zamanında yeni bir gözlem  $\mathbf{x}_t$  alıyoruz ve hedefimiz, önceki gözlemler  $\mathbf{x}^{t-1}$ 'e dayanarak,  $\mathbf{x}_t$ 'nin anomalilik olup olmadığını belirlemek için anomalileri sıralı olarak tespit etmektedir. Anomali, geçmişe dayanan bilgiye dayanmayan bir gözlemdir [1]. Dolayısıyla, anomaliler, türetilen süreç  $X_t$ 'den daha farklı bir kaynaktan gelmektedir.  $\mathbf{x}_t$ 'yi değil  $\mathbf{x}^{t-1}$ 'i gözlemedikten sonra, bu gözlemleri, üstel yayılım ailesini kullanarak  $f_X(\mathbf{x})$ 'i tahmin etmek için kullandık [11]. Bu amaçla,  $f_X(\mathbf{x})$  parametresini  $\theta_t$  parametresiyle üstel ailenin bir üyesi olarak modelliyoruz. Bölüm III'te  $\mathbf{x}^{t-1}$ 'i kullanarak  $\theta_t$  parametresinin nasıl tahmin edileceğini gösteriyoruz.  $f_X(\mathbf{x})$ 'i aşağıdaki gibi hesaplıyoruz

$$\hat{f}_X(\mathbf{x}_t) = e^{\langle \hat{\theta}, \phi(\mathbf{x}_t) \rangle - T(\theta)},$$

burada,  $T(\theta)$ , log bölümleme fonksiyonu olarak adlandırılır ve aşağıdaki gibi tanımlanır

$$T(\theta) = \log \int_X e^{\langle \theta, \phi(\mathbf{x}) \rangle} d\nu(X).$$

Tanım,  $\hat{f}_X(\mathbf{x})$ 'in 1 ile bütünlüğüne ve  $\phi(\mathbf{x})$  in yeterli bir istatistik olmasından  $\mathbf{x}_t$ 'yi gözlemedikten sonra tahmin edilen dağılım  $\hat{f}_X(\mathbf{x})$ 'i kullanarak  $p_t$ 'ı,  $\mathbf{x}_t$ 'in olasılığını atamak için aşağıdaki şekildeki gibi kullanıyoruz

$$p_t = \hat{f}_X(\mathbf{x}_t). \quad (1)$$

$\mathbf{x}_t$ 'in anomal bir gözlem olup olmadığını belirleme olasılığına ilişkin bir eşik değeri  $\delta_t$  tanımlıyoruz. Sezgisel olarak, yeni bir gözlem olan  $\mathbf{x}_t$  tahmini dağılıma dayanma olasılığı düşükse bir anomalidir. Dolayısıyla,  $\mathbf{x}_t$ 'ye atanmış olasılık  $\delta_t$ 'den küçükse, yani  $\mathbf{x}^{t-1}$ 'e göre bunu bekleyemediğimiz anlamına gelir ve bir anomali bildiririz.  $y_t = 1$  ve  $y_t = -1$  etiketleri sırasıyla bir anomali ve normal bir gözlemi göstermektedir.  $\mathbf{x}_t$  öngörülen etiketini  $\hat{y}_t$  ile gösteririz. Anomali tespiti görevinde,  $N$  zaman adımları üzerinden algoritma tarafından yapılan hataların sayısıyla ilgileniyoruz; diğer bir deyişle,

$L_{\delta_t}(\mathbf{x}^N) = \sum_{t=1}^N 1_{\{\hat{y}_t \neq y_t\}}$ . Ayrıca,  $L_{\delta_t}(\mathbf{x}^N) - L_{\delta}(\mathbf{x}^N)$ , geri görüşte seçilebilecek herhangi bir sabit eşik  $\delta$ 'ya göre pişmanlıktır [12]. Dahası, bize doğru etiketleri sağlayacak bir uzman sistem olduğunu varsayıyoruz. Dolayısıyla, en iyi eşigin bulunması için, eşigi güncellemek için geri bildirim kullanıyoruz.

## III. ÖNERİLEN MODEL

Bu yazında, ardışık çevrimiçi anomali tespiti için yüksek performanslı bir algoritma öneriyoruz ve değerlendiriyoruz. Algoritmamızı üç büyük adımda tanımlıyoruz. İlk olarak, verilerin  $\mathbf{x}^{t-1}$ 'lerini kullanarak olasılık yayılımını tahmin ediyoruz. II. bölümde tanıtlığı gibi üstel aileyi kullanarak bilinmeyen yayılım  $f_X(\mathbf{x})$ 'e modelliyoruz. Sonrasında, tahmin edilen yayılımımızda  $\hat{f}_X(\mathbf{x})$  yanılışlığını ölçmek için negatif bir

log kaybı  $l_t(\theta)$  tanımlıyoruz. Kayıp fonksiyonunu şu şekilde tanımlıyoruz

$$\begin{aligned} l_t(\theta) &= -\log p_t \\ &= -\log \hat{f}_X(\mathbf{x}_t) \\ &= -\langle \theta, \phi(\mathbf{x}_t) \rangle + T(\theta), \end{aligned} \quad (2)$$

Üstel aileyi kullanmadızın iki ana nedeni vardır. Birincisi, üstel aileleri kullanarak, yeterince zengin bir dağıtım modeli sınıfı oluşturabiliriz. İkincisi, üstel ailenin [13] özelliklerinden, log bölme fonksiyonunun  $T$  üzerindeki türevlerinin yeterli istatistiğin kümülatifleri olduğunu biliyoruz. Böylece,  $\phi(\mathbf{x})$ 'in kovaryans matrisi olan Hessen  $\nabla^2 T(\theta)$ , pozitif yarı-beltsizdir ve dolayısıyla  $T(\theta)$ 'nin,  $\theta$ 'nın konveks bir fonksiyon olduğu sonucuna varır. Sonuç olarak,  $\langle \theta, \phi(\mathbf{x}) \rangle$ ,  $\theta$ 'nın doğrusal bir fonksiyonudur ve kayıp fonksiyonunda  $\theta$ 'nın konveks bir fonksiyonudur. Her  $t$  zamanı için, bu kayıp fonksiyonunu, stokastik gradyan düşüşü metodu [14] kullanarak tahmin parametresini  $\hat{\theta}$  güncellemek için kullanıyoruz.

$$\hat{\theta}_{t+1} = \hat{\theta}_t - \eta_t \nabla l_t(\hat{\theta}_t), \quad (3)$$

burada  $\eta_t$ , olumlu bir güncelleme adımı boyutudur.

Daha sonra, geçerli gözlem  $\mathbf{x}_t$ 'ye bir olasılık atamak için tahmini yayılım  $\hat{f}_X(\mathbf{x})$ 'i ve (1) denklemini kullanırız. Gözlem  $\mathbf{x}_t$  olasılığını atadıktan sonra, benzerlik eşik değerinin altına düşerse, anomali bildirme olasılığı üzerine bir eşik  $\delta_t$  gereklidir. Anomali tespiti için bu yaklaşım popüler ve etkilidir [1], [10], ancak bu eşliğin belirlenmesi zor bir sorundur [15]. Eşik değerini güncellemek için, uzman sistemler varsa, insan müdahalesi gibi uzman sistemlerdeki geri bildirimleri kullanabilirsiniz. Bununla birlikte, uygulamada bir uzman sisteme veya bir kişiden gelen geribildirim almaktan pahalı olduğundan ve önemli çaba gerektirdiğinden, algoritmamızda rastgele istek geri bildirimini kullanırız. Tahsis edilen benzerlik  $\delta_t$  eşliğine yakın olduğunda,  $\hat{y}_t$ 'ye ilişkin kendinden emin bir tahminimiz bulunmadığını ve bu durumda daha yüksek ihtimalle geri bildirim isteyeceğimiz unutulmamalıdır. Her  $t$  zamanda, aşağıdaki olasılık ile Bernoulli rastgele değişkeni çizelim

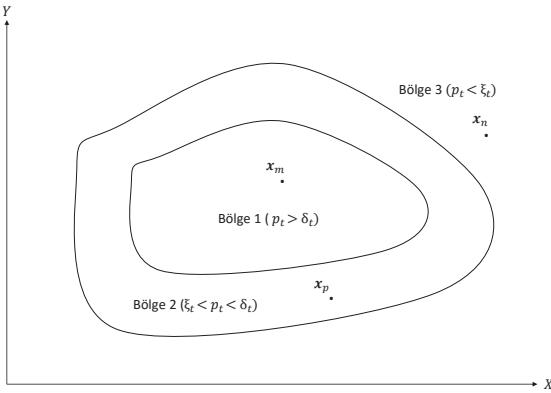
$$Pr[U_t = 1] = 1/(1 + \exp(-|p_t - \delta_t|)), \quad (4)$$

öyle ki, eğer  $U_t = 1$  ise geribildirim istiyoruz [9], [16]. Uzman tarafından sağlanan, öngörülen etiket ve gerçek etiket aynı olmadığında eşiği aşağıdaki denkleme göre güncelliyoruz

$$\delta_{t+1} = \operatorname{argmin}_{\delta \in [\delta_{min}, \delta_{max}]} (\delta - \delta_t - \varphi y_t 1_{\{\hat{y}_t \neq y_t\}})^2 \quad (5)$$

burada  $\varphi$ , eşigi güncellemek için kullanılan pozitif bir adım büyüklüğündür.

Şuana kadar, (1)-(5)'e dayalı anomalilikleri tespit etmek için bir model kullandık. Son adımda, performansı artırmak için bir yöntem önermektedir. Modelimiz yayılım tahminine dayandıktan tahmini hassasiyetimizi artırrarak anomalilik tespiti için daha iyi bir algoritma tasarlıyoruz. Anomalilikleri  $f_X(\mathbf{x})$  tahminini ve  $X_t$  sürecindeki verileri düzenli olarak güncellemek için kullanırsak, tahminimizin kesinliğini azalttığımızı vurguluyoruz. Bununla birlikte, hangi gözlemlerin tahminimizi güncellememizi önlemek için anomaliler olduğunu bilmiyoruz. Bu soruna hitap etmek ve doğru bir  $f_X(\mathbf{x})$  tahmini elde etmek için  $\delta_t$ 'den küçük ikinci bir eşik  $\xi_t$ 'yi tanımlıyoruz. İlk eşik  $\delta_t$ , bir gözlemin anomali olup olmadığına karar vermektedir. İkinci eşik  $\xi_t$  ise tespit edilen anomaliye ne kadar emin olduğumuza değerlendirmektedir.



Şekil 1: İki boyutlu bir veri dizisi için çift eşikli fikrin illüstrasyonudur. Her zaman  $t$ 'de, bölge 1, olasılıkla  $\delta_t$ 'den büyük bir gözlem seti gösterir ve bu bölgedeki verileri normal olarak etiketliyoruz. 2. ve 3. bölgelerdeki herhangi bir gözlemi bir anomali olarak etiketliyoruz, ancak bölge 3 için tahminimizden daha eminiz. Dolayısıyla, nominal dağılım tahminimizi güncellemek için bölge 3'deki gözlemleri kullanmazken, bölge 2'deki verileri kullanıyoruz.

#### Algorithm 1 Çift eşikli anomalî tespiti

```

Parametreler: gerçek sayılar  $\delta_{max} > \delta_{min}$ ,  $\varphi > 0$ ,  $0 < k < 1$ 
Sıfırlama:  $\delta_1 \in [\delta_{min}, \delta_{max}]$ ,  $\lambda_1^{[2]} > \lambda_1^{[1]}$ ,  $\delta_1 > \xi_1$ ,  $\hat{\theta}_1$ 
for  $t = 1, 2, \dots, n$  do
    Yeni gözlem bulunması  $\mathbf{x}_t$ 
    Olasılığın atanması  $\hat{p}_t$ 
    if  $p_t < \delta_t$  then
         $\hat{y}_t = 1$ 
        if  $p_t < \xi_t$  then
             $\eta_t = 0$ 
        else
             $\eta_t = \lambda_t^{[1]}$ 
        end if
    else
         $\hat{y}_t = -1$ 
         $\eta_t = \lambda_t^{[2]}$ 
    end if
    Kaybı yakalamak  $l_t(\hat{\theta}_t) = -\log(\hat{p}_t) = -\langle \hat{\theta}_t, \phi(\mathbf{x}_t) \rangle + T(\hat{\theta}_t)$ 
    güncelleme  $\hat{\theta}_{t+1} = \hat{\theta}_t - \eta_t \nabla l_t(\hat{\theta}_t)$ 
    Bernoulli rastgele değişkeni  $U_t$  çizimi
     $Pr[U_t = 1] = 1/(1 + \exp(-|p_t - \delta_t|))$ 
    if  $U_t = 1$  then
        Geri bildirim isteği  $y_t$  ve
         $\delta_{t+1} = \operatorname{argmin}_{\delta \in [\delta_{min}, \delta_{max}]} (\delta - \delta_t - \varphi y_t 1_{\{\hat{y}_t \neq y_t\}})^2$ 
         $\xi_{t+1} = k \times \delta_{t+1}$ 
    else
         $\delta_{t+1} = \delta_t$ 
         $\xi_{t+1} = k \times \delta_{t+1}$ 
    end if
end for
```

Tahsis edilen olasılık ikinci eşik  $\xi_t$ 'nin altına düşerse, bu gözlem  $\mathbf{x}_t$ 'yi tahmin parametresini güncellemek için kullanmıyoruz, yani,  $\eta_t = 0$ 'yı (Şekil 1'deki bölge 3) ayarladık. Bu nedenle  $p_t$  düşük olduğunda, yüksek ihtimalle  $\mathbf{x}_t$  bir anomalidir diyebiliriz. Ayrıca,  $\xi_t$  ve  $\delta_t$  arasındaki muhtemel gözlem anomalileri olarak algılanır, ancak kendi etiketinden

emin değiliz. Bu nedenle, tahminimizi güncellerken, bu gözlemler için küçük bir adım boyutu kullanıyoruz. Yani  $\eta_t = \lambda_t^{[1]}$ , burada  $\lambda_t^{[1]}$ , bu bölge için muhtemelen zamanla değişen spesifik bir pozitif adım boyutudur (Şekil 1'deki bölge 2). Son olarak,  $\mathbf{x}_t$  olasılığı  $\delta_t$ 'den büyükse, onu normal bir veri örneği olarak etiketliyoruz ve bu tür veri için (Şekil 1'deki bölge 1)  $\lambda_t^{[1]}$ , den daha büyük bir adım boyutu tanımıyoruz, yani  $\eta_t = \lambda_t^{[2]}$ .

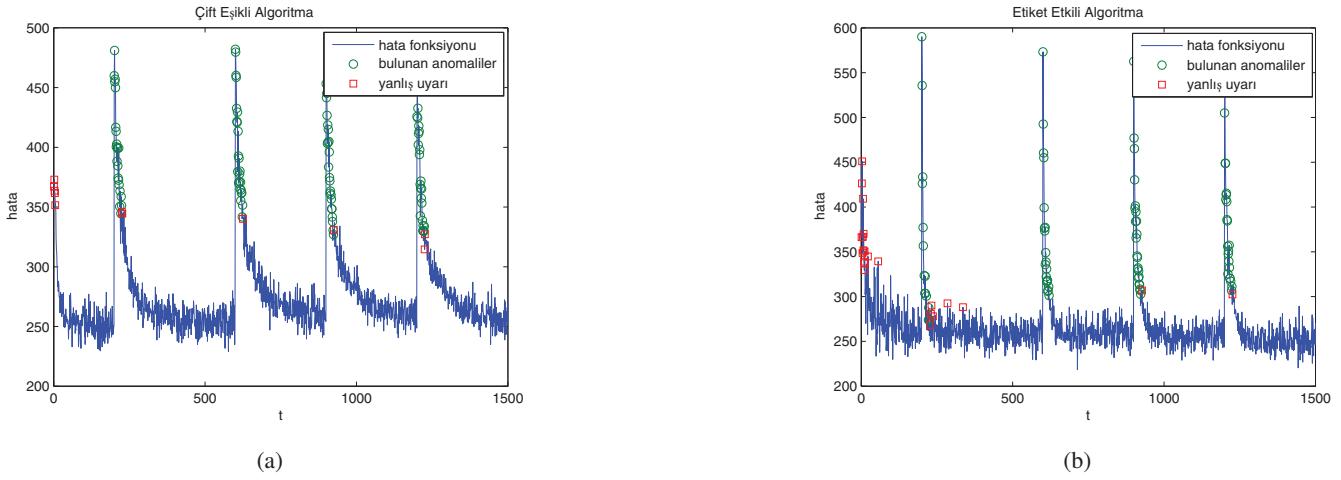
Örnek olarak, Şekil 1, iki boyutlu bir veri dizisi için çift eşikli yöntem fikrini tasvir ediyoruz. Her  $t$  zamanda, nominal veri ve iki eşik tahmini bir bölüme sahibiz. Bölge 1, muhtemel  $\delta_t$ 'den büyük bir gözlem seti gösterir ve bu bölgedeki verileri normal olarak olarak etiketliyoruz. 2. ve 3. bölgelerdeki herhangi bir gözlemi bir anomali olarak etiketliyoruz, ancak bölge 3 için tahminimizden daha eminiz. Dolayısıyla, nominal dağılım tahminimizi güncellemek için bölge 3'deki gözlemleri kullanmıyoruz.  $f_X(\mathbf{x})$  tahminimizi güncellemek için bu kuralı kullanarak, sıralı çevrimiçi anormallik tespit ayarında iyi performans gösteren bir algoritma tasarladık. Algoritma 1, modelimizi ayrıntılı olarak açıklamaktadır. Arzulanan dağılımın kesin bir kestirimini elde etmenin diğer bir yolu,  $l_t(\theta)$ 'yı temel alan bir adım boyutu tanımlamaktadır. Örneğin, anomalileri filtrelemek için  $\eta_t = 1/l_t(\theta)$  değerini kullanabiliriz. Ancak, bu durumu tartışıyoruz, çünkü çift eşikli algoritma daha az güncelleme ve daha iyi performansa sahibiz. Bölüm IV'te, algoritmamızı performansını değerlendirmek için bir veri kümesine uyguluyoruz, daha sonra yöntemimizin ve önceki çalışmaların bir karşılaştırmasını sunuyoruz.

#### IV. DENEYLER

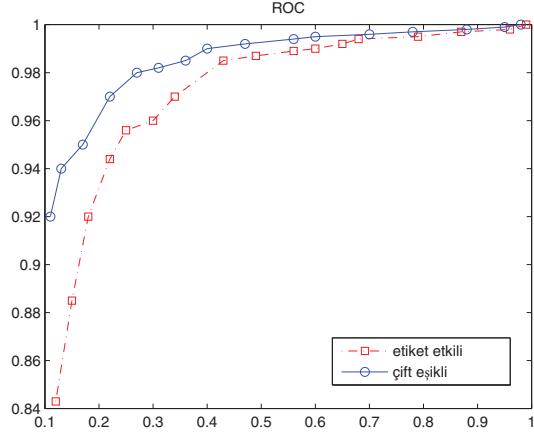
Algoritmamızda üstel ailenin kullanılması nedeniyle, çok çeşitli dağılımları modellemek için kullanılabilir [11], [13]. Özellikle, performans değerlendirmesi ve gösterimsel basitlik uğruna, bağımsız olarak ve aynı şekilde dağıtılan rasgele değişken Bernoulli örnekleri  $\mathbf{x}_t$ 'yi  $\rho_t = (\alpha_{1,t}, \alpha_{2,t}, \alpha_{3,t}, \dots, \alpha_{500,t})$ 'e göre çiziyoruz; burada  $\alpha_{i,t} \in [0, 1]$ , vektör  $\mathbf{x}_t$  ve  $1 \leq t \leq 1500$ 'deki  $i$  elementi için Bernoulli parametresidir.  $\rho_t$ 'nin 5 zaman arasında sabit olduğunu ve değişim noktalarının  $t = 200, 600, 900$  ve 1200 zamanlarında olduğunu varsayıyoruz. Bu değişim noktası veri setimizde anomaliler üretmek içindir. Hedef, geçmiş verilere göre daha az olası anomalî tespit etmektir. Bunu takiben, her değişim noktasından sonra 25 gözlemin gerçek anomaliler olduğunu düşünüyoruz. Bu vektörler yeni bir dağılımdan yani bir önceki aralıktan farklı bir  $\rho_t$  ile üretilir. Dolayısıyla, mevcut dağılım tahmininde beklenmedik ve amaç onları tespit etmektir.

Bağımsız ve aynı şekilde dağıtılmış rastgele değişkenler için Bernoulli örnekleri, üstel aile bileşenlerini  $\phi(\mathbf{x}) = \mathbf{x}$  ve  $T(\theta) = \log(1 + \exp(\theta))$  olarak elde etmek basittir. Ayrıca parametreleri  $\varphi = 0.1$ ,  $\delta_{max} = 10$  ve  $\delta_{min} = 0$  olarak ayarladık. Önerilen yöntem ile önceki çalışmaların performans karşılaştırması için algoritmayı ve etiket etkili algoritmayı [9], [12] bu veri üzerinde yürüttük. Algoritmalar arasında iyi bir karşılaştırma sağlamak için, etiket etkili algoritma ve algoritmamızın 1. bölgesindeki aynı adım boyutunu kullanıyoruz (Şekil 1). Deneylerimizde farklı parametreler kullanarak, bu iki algoritmanın ROC eğrilerini Şekil 3'de tasvir ediyoruz. Şekil 3'te gösterildiği gibi, 3 algoritmamız çevrimiçi anomalî tespiti için üstün bir performans sağlar.

Belirli bir parametre kümesi için, rasgele üretilen 15 farklı veri dizisi üzerinde her iki algoritmayı da yürüttük ve sonuç Şekil 2'de tasvir edilmiştir.



Şekil 2: Kayıp parsel üzerinde bulunan (a) çift eşikli algoritma ve (b) etiket etkili algoritma ile anomaliler (daireler ile gösterilir) ve yanlış alarmlar (kareler ile gösterilir) tespit edilir.



Şekil 3: ROC eğrilerini kullanarak çift eşikli ve etiket etkili algoritmaların performans karşılaştırması.

## V. SONUÇ

Sıralı anomali tespiti için, verileri aksaklı olarak aldığımız, üstel dağıtım gruplarını kullanarak nominal dağılımlı doğru bir şekilde tahmin ettiğimiz ve geçerli gözlemin atanmış olasılığa bağlı olarak daha az olası olduğu zaman bir anomalı beyan etmek için bir yöntem önermektedir. Tahmini dağılımlı, mevcut gözlem olasılığını belirlemek için kullanırız. Bu amaçla, tahminimizde olasılık hakkında iki ayrı eşik belirleyerek anomal veriden kaçınırız. Sonuç olarak, algoritmamız nominal dağılımlı doğru bir şekilde tahmin eder ve yüksek bir performansa ulaşır. Metodumuz, alta yatan nominal dağılımların geniş bir yelpazesinde iyi çalışabilmesi açısından jeneriktir.

## KAYNAKÇA

- [1] Varun Chandola, Arindam Banerjee, and Vipin Kumar, “Anomaly detection: A survey,” *ACM Comput. Surv.*, vol. 41, no. 3, pp. 15:1–15:58, July 2009.
- [2] J. Hong, C. C. Liu, and M. Govindarasu, “Integrated anomaly detection for cyber security of the substations,” *IEEE Transactions on Smart Grid*, vol. 5, no. 4, pp. 1643–1653, July 2014.

- [3] R. Buschkes, D. Kesdogan, and P. Reichl, “How to increase security in mobile networks by anomaly detection,” in *Computer Security Applications Conference, 1998. Proceedings. 14th Annual*, Dec 1998, pp. 3–12.
- [4] Nong Ye, Yebin Zhang, and C. M. Borror, “Robustness of the markov-chain model for cyber-attack detection,” *IEEE Transactions on Reliability*, vol. 53, no. 1, pp. 116–123, March 2004.
- [5] V. Kumar, “Parallel and distributed computing for cybersecurity,” *IEEE Distributed Systems Online*, vol. 6, no. 10, 2005.
- [6] H. S. Teng, K. Chen, and S. C. Lu, “Adaptive real-time anomaly detection using inductively generated sequential patterns,” in *Research in Security and Privacy, 1990. Proceedings., 1990 IEEE Computer Society Symposium on*, May 1990, pp. 278–284.
- [7] P. J. Rousseeuw and A. M. Leroy, *Robust Regression and Outlier Detection*, John Wiley & Sons, Inc., New York, NY, USA, 1987.
- [8] Katy S. Azoury and M. K. Warmuth, “Relative loss bounds for online density estimation with the exponential family of distributions,” in *MACHINE LEARNING*, 2000, p. 2001, Morgan Kaufmann.
- [9] M. Raginsky, R. M. Willett, C. Horn, J. Silva, and R. F. Marcia, “Sequential anomaly detection in the presence of noise and limited feedback,” *IEEE Transactions on Information Theory*, vol. 58, no. 8, pp. 5544–5562, Aug 2012.
- [10] H. Ozkan, O. S. Pelvan, and S. S. Kozat, “Data imputation through the identification of local anomalies,” *IEEE Transactions on Neural Networks and Learning Systems*, vol. 26, no. 10, pp. 2381–2395, Oct 2015.
- [11] Chyong-Hwa Sheu Andrew R. Barron, “Approximation of density functions by sequences of exponential families,” *The Annals of Statistics*, vol. 19, no. 3, pp. 1347–1369, 1991.
- [12] Nicolo Cesa-Bianchi and Gabor Lugosi, *Prediction, Learning, and Games*, Cambridge University Press, New York, NY, USA, 2006.
- [13] Martin J. Wainwright and Michael I. Jordan, “Graphical models, exponential families, and variational inference,” *Foundations and Trends® in Machine Learning*, vol. 1, no. 1–2, pp. 1–305, 2008.
- [14] Shai Shalev-Shwartz, “Online learning and online convex optimization,” *Foundations and Trends® in Machine Learning*, vol. 4, no. 2, pp. 107–194, 2012.
- [15] V. Saligrama, J. Konrad, and P. m. Jodoin, “Video anomaly identification,” *IEEE Signal Processing Magazine*, vol. 27, no. 5, pp. 18–33, Sept 2010.
- [16] N. Cesa-Bianchi, G. Lugosi, and G. Stoltz, “Minimizing regret with label efficient prediction,” *IEEE Transactions on Information Theory*, vol. 51, no. 6, pp. 2152–2162, June 2005.